

Compétences - Logique, ensembles, raisonnements et applications

Voici les compétences à **assimiler**. Ne cochez pas avant d'être sûr d'être à l'aise avec la notion. N'hésitez pas à en parler à vos camarades (il est très bénéfique d'échanger sur le cours, de s'expliquer mutuellement les notions), ou à préparer des questions à poser en classe, ou à me demander un rendez-vous.

TOUT LE PROGRAMME DE LA SEMAINE PRECEDENTE, ET :

Applications

- Définitions :

- Définition d'une fonction (l'ensemble de départ et d'arrivée font partie de la définition de la fonction)
- Définition de l'image directe d'un ensemble avec des quantificateurs (en extension et en compréhension), savoir l'expliquer en bon français.
- Définition de l'image réciproque d'un ensemble avec des quantificateurs (en compréhension), savoir l'expliquer en bon français.
- Définition de la composée $f \circ g$, savoir (et pouvoir expliquer) la condition pour que cela ait un sens : $\text{Im}(g) \subset (\text{ensemble de départ de } f)$.
- Avoir compris pourquoi la composition \circ est associative (on ne demandera pas la démonstration).
- Notion de prolongement et de restriction d'une application : savoir donner quelques exemples de prolongements, et la restriction à un domaine donné, sur des exemples simples.

- Surjections :

- Définition d'une fonction surjective comme condition sur l'ensemble image, définition avec des quantificateurs, et savoir expliquer ces deux définitions en français. ([Question de cours](#))
- Savoir montrer qu'une fonction est surjective (ou pas !) sur un exemple simple. Dans le cas où la fonction est réelle continue, on pourra utiliser un tableau de variations.

- Injections :

- Définition d'une fonction injective avec des quantificateurs, et savoir l'expliquer en français. ([Question de cours](#))
- Savoir montrer qu'une fonction est injective (ou pas !) sur un exemple simple. Dans le cas où la fonction est réelle continue, on pourra utiliser un tableau de variations.
- Savoir donner des exemples de fonctions injectives ou non et surjectives ou non (donc quatre possibilités, tout est possible).

- Bijections :

- Définition d'une fonction bijective comme une fonction injective et surjective, ou bien avec des quantificateurs, et savoir l'expliquer en français. ([Question de cours](#))
- Savoir montrer qu'une fonction est bijective (ou pas !) sur un exemple simple. Dans le cas où la fonction est réelle continue, on pourra utiliser un tableau de variations.
- Théorème de la bijection strictement monotone continue, à savoir énoncer très précisément, on ne demandera pas la démonstration complète mais seulement l'implication f strictement monotone continue sur un intervalle I implique $f : I \rightarrow f(I)$ bijective. ([Question de cours, l'énoncé précis du théorème entier en EC1A et cette démonstration en EC1B](#))
- $f : E \rightarrow F$ est bijective si et seulement si il existe $g : F \rightarrow E$ telle que $g \circ f = id_E$ et $f \circ g = id_F$ ([Question de cours, l'énoncer précisément, avec la démonstration en EC1B](#)).
- Réciproque d'une composée de deux bijections ([Question de cours, avec la démonstration en EC1B](#))
- Savoir déterminer l'expression d'une réciproque dans des exemples simples. (En EC1B)
- Savoir tracer une fonction bijective d'un ensemble discret dans un autre (diagrammes) ou de \mathbb{R} dans \mathbb{R} , et dans ce cas avoir compris que le graphe de la fonction réciproque est obtenu par symétrie par la droite d'équation $y = x$. (En EC1B)

Note pour les colleurs : Il n'y a pas encore eu de TD sur le chapitre applications, s'en tenir à des questions de cours et des applications directes du cours. Ne pas hésiter à faire travailler la récurrence et l'analyse synthèse (programme de la semaine précédente).